

Para propósitos analíticos, podemos utilizar una adaptación de un modelo de optimización intertemporal de los agentes económicos que obtienen utilidad a través del consumo de bienes transables, C_t , y de no transables, C_n . La función de utilidad más general que podríamos emplear es una CES, de manera que el problema formal sería:

$$(1) \quad \underset{c_t, c_n}{\text{Máx}} U = \left[\gamma C_t^{\frac{\theta-1}{\theta}} + (1-\gamma) C_n^{\frac{\theta-1}{\theta}} \right]^{\frac{\theta}{\theta-1}}$$

$$(2) \quad \text{s.a. } Z = C_t + PC_n$$

En donde θ es la elasticidad precio, y P denota al precio de los no transables en términos de los transables, $(P_n/P_t)^2$. En primera instancia, podemos asumir flexibilidad perfecta en precios y salarios domésticos. Además, consideramos exógena la producción Y_t y Y_n . Por lo tanto, el consumo de bienes no transables debe corresponder a la producción doméstica mientras que el consumo de transables puede variar, lo que quedará reflejado en la cuenta corriente como déficit o superávit, según sea el caso. Las condiciones de primer orden vienen dadas por:

$$(3) \quad C_t = \left[\frac{Z\gamma}{(\gamma + (1-\gamma)P^{1-\theta})} \right]$$

$$(4) \quad C_n = \left[\frac{P^{-\theta} Z(1-\gamma)}{(\gamma + (1-\gamma)P^{1-\theta})} \right]$$

Resolviendo para la inversa del tipo de cambio real, tenemos:

$$(5) \quad P = \left(\frac{\left[\frac{1-\gamma}{\gamma} \right]^{\frac{1}{\theta}} \left[\frac{C_t}{Y_n} \right]^{\frac{1}{\theta}}}{\left[\frac{1-\gamma}{\gamma} \right]^{\frac{1}{\theta}} \left[\frac{C_t}{Y_n} \right]^{\frac{1}{\theta}}} \right)$$

Ahora, sin embargo, al buscar el índice de precios al consumidor verdadera, debemos definir el mínimo valor de Z para comprar una unidad de un bien compuesto por transable y no transable, es decir, buscamos:

¹ Economista, Universidad Veracruzana y Pontificia Universidad Católica de Chile.

² Es decir, se trata de la inversa del tipo de cambio real.

$$(6) \quad \underset{c_t, c_n}{\text{Min}} Z = C_t + PC_n$$

$$(7) \quad s.a. 1 = \left[\gamma C_t^{\frac{\theta-1}{\theta}} + (1-\gamma) C_n^{\frac{\theta-1}{\theta}} \right]^{\frac{\theta}{\theta-1}}$$

Dado esto, el valor mínimo viene dado por:

$$(8) \quad P^* = \left[\gamma + (1-\gamma)P^{1-\theta} \right]^{\frac{1}{1-\theta}}$$

Por lo tanto, para valorar el efecto de una reducción en el déficit de cuenta corriente, requerimos primero (C_t/Y_n) y un estimado de θ , para hallar P y después sustituir en P^* .

Definiendo Y como PIB y D el monto de deuda externa, medidos en unidades del bien transable, y r la tasa de interés, entonces podemos definir el ratio de cuenta corriente a producto como:

$$(9) \quad \frac{CC}{Y} = \left[\frac{Y_t - rD - C_t}{Y} \right]$$

Sí, por ejemplo, $Y_t/Y = 25\%$, $rD/Y = 0.8\%$ (r de 4% por D/Y de 20%) y θ de 1 en el corto plazo, obtenemos un C_t/Y de 0.286 , lo que con Y_n/Y de 0.75% nos da un C_t/Y_n de 0.381333 . Para el caso en el que el déficit ha sido corregido, obtenemos un C_t/Y_n de 0.3226 , es decir, el consumo del bien transable debe caer aprox. Un 15.4% . Como Y_n es constante, esto equivale igualmente a la caída en P .

Utilizando los mismos datos (θ de 1 y γ de 0.25), podemos calcular la caída en el índice de precios, P^* , de alrededor de un 12%

Guideline: Para la situación con déficit y con déficit cero

- 1) Buscar C_t/Y , de allí con estimados de $Y_n, Y_t/Y$ hallar C_t/Y_n
- 2) Sustituir en P : de paso, se puede mencionar la caída estimada en el consumo de transables.
- 3) Sustituir en P^* para ver el índice de precios real.
- 4) Calcular la diferencia entre P^*1 y P^*2
- 5) Se define un tipo de cambio real P/P^*
- 6) De acuerdo a la preocupación inflacionaria del BC, se calcula el monto de la devaluación resultante.